Esercizi d'Esame

Prima di sostituire i valori ricavare la formula risolutiva. Riportare sempre le unità di misura. Per semplificare i calcoli si approssimi $g \simeq 10 \text{ m/s}^2$, $\pi \simeq 3$, $k = 1.4 \times 10^{-23} \text{ J/K}$.

Data la seguente equazione

$$L = \sqrt[3]{\frac{mv^2}{x}}$$

- a) ricavare x in funzione delle altre variabili.
- b) dati L = 1 cm, m = 1 kg, v = 10 m/s, calcolare x e la sua unità di misura. Dire a parole la quantità rappresentata da x (es. lunghezza, volume, pressione, temperatura, massa, velocità, tempo, etc.). $[x = m \ v^2 / L^3 = pressione]$

Un litro di acqua alla temperatura T = 300 K cade da una altezza h = 100 m e arrivando a terra converte tutta la sua energia cinetica in temperatura. Qual e' la temperatura finale dell'acqua? [Si assuma c = 4.2 J/(g K)]. [$\sim 0.24 \text{ K}$]

Una sfera di acciaio (densità $\rho = 10 \text{ kg/dm3}$) di raggio R = 10 cm, è appoggiata ad una molla con costante elastica k = 1000 N/m e compressione iniziale $\Delta l = 1 \text{ cm}$. Allo scattare della molla la sfera viene lanciata verso l'alto. Calcolare la massima altezza raggiunta dalla sfera. [1.25 m]

Un barile di raggio R = 10 cm e altezza h = 1.5 m viene completamente riempito di acqua. Se vogliamo scaldare l'acqua di 20° utilizzando una potenza P = 500 W, quanto tempo occorre? [calore specifico acqua c = 4.2 J/(g K)]. [7560 s]

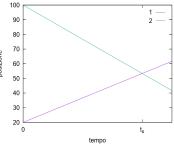
Un'automobile di massa M = 1000 kg viaggia alla velocita' v = 90 km/h quando incontra un ostacolo alla distanza d = 25 m.

- a) Calcolare la forza minima esercitata dai freni perche' l'automobile non colpisca l'ostacolo; [12500]
- b) calcolare il tempo impiegato a fermarsi. [2 s]

Supponendo che la densita' dell'aria sia ρ_a =1.3 kg/m³, e quella dell'elio ρ_e =0.2 kg/m³, calcolare quale deve essere il raggio R di un palloncino sferico riempito di elio per sollevare un peso di massa m = 4.4 kg (si trascuri il peso del palloncino). [1 m]

Due automobili si muovono una verso l'altra con velocità v1 = 50 km/h e v2 = -70 km/h. Sapendo che al tempo t = 0 esse si trovano rispettivamente nelle posizioni x1 (0) = 20 m e x2(0) = 100 m:

a) disegnare il grafico posizione–tempo delle due automobili;



b) calcolare il punto x e il tempo t_x dello scontro. [53.3 m , 2.4 s]

Un litro d'aria a temperatura ambiente (T = 300 K) e pressione atmosferica ($P_0 = 10^5$ Pa), si trova in un pistone cilindrico di altezza $h_0 = 10$ cm. Appoggiamo sul pistone un peso, m = 10 kg, e aspettiamo che il sistema raggiunga l'equilibrio. Calcolare:

a) La pressione finale, P1, dell'aria nel pistone $[1.1 * 10^5 Pa]$

b) L'altezza finale h1 del pistone [9.1 cm]

c) Il lavoro svolto sul pistone [1 J]

Un palloncino viene riempito con un litro di aria (densita' dell'aria a pressione atmosferica $\rho \simeq 1.2~{\rm kg/m^3}$), e viene portato sott'acqua ad una profondita' di 10 m (corrispondenti ad una pressione di 2 atmosfere). L'aria del palloncino viene quindi liberata. Assumendo T costante durante l'intero procedimento, calcolare:

a) la massa dell'aria; [1.2 g]

b) il volume della bolla d'aria che si forma sott'acqua' [0.5 litri]

c) l'accelerazione iniziale della bolla verso l'alto. [4156.6 m/s²]

Un peso di massa m cade da un'altezza h = 100 m e comprime una molla (costante elastica k = 5×10^4 N/m) di $\Delta l = 20$ cm. Calcolare:

a) il valore della massa m; [1 kg]

b) di quanto si comprimerebbe la stessa molla con la stessa massa ma considerando una forza di attrito dell'aria Fa = 7.5 N. [10 cm]

Un bollitore con potenza di 1600 W è riempito completamente con 100 ml di acqua ad una temperatura $T = 20 \circ C$. Calcolare:

a) il tempo che occorre per portare l'acqua ad ebollizione (si assuma c = 4 J/g·K); [2 s]

b) la pressione finale Pf nel bollitore, assumendolo un contenitore ermetico (pressione iniziale Pi = 1 atm). [5 atm]

Un palloncino di forma sferica riempito con un gas di densità $\rho_g = 0.2 \text{ kg/m}^3$, è immerso in un fluido con densità $\rho_f = 2.2 \text{ kg/m}^3$. Secondo il principio di Archimede, calcolare quale deve essere il raggio R del palloncino per sollevare un peso di 1 kg (si trascuri il peso del palloncino). [0.5 m]

La cisterna cilindrica di una locomotiva, di raggio R = 1 m e altezza h = 5 m viene completamente riempita di acqua ad una temperatura $T = 20^\circ$. Quanto tempo occorre per portare l'acqua ad ebollizione utilizzando una potenza P = 100 kW? [si assuma il calore specifico dell'acqua $C \approx 3000$ J/(kg K)]. [10 ore]

Una persona di massa m = 80 kg si trova ferma in piedi su una pedana elastica, approssimabile come una molla con costante $k = 2 \cdot 10^4$ N/m. Calcolare:

- a) qual e' la compressione iniziale della molla e la sua energia potenziale; [4 cm]
- b) quale dovrebbe essere la compressione della molla perche' la persona possa effettuare un salto di altezza h = 2 m. [40 cm]

Un cubo di lato $L=20\ cm$ e' appoggiato su un banco ed esercita una pressione $P=1000\ Pa$. Calcolare:

- a) la densita' del materiale di cui e' costituito il cubo; [500 kg/m³]
- b) il coefficiente di attrito statico che occorre perche' il cubo sostenga una forza laterale Fl = 100 N. $[\mu = 2.5]$

Una molla, inizialmente compressa di $\Delta l=10$ cm, viene rilasciata e spinge un blocco di massa m=1 kg che scivola su un piano con coefficiente di attrito dinamico $\mu_d=0.5$ fino a fermarsi. Calcolare:

- a) la forza di attrito F_a; [5 N]
- b) la distanza percorsa dal blocco sapendo che la molla ha una costante elastica di 200 N/m; [20 cm]
- c) l'energia dissipata dall'attrito. [1 J]

Un blocco di massa M = 5 kg è appoggiato su un pistone cilindrico di raggio R = 20 cm contenente un gas perfetto. Sapendo che la temperatura del gas è T = 360 K, calcolare il volume medio occupato da una molecola di gas (Costante di Boltzmann: k $\approx 1.4 \cdot 10^{-23}$ J/K). [1.26·10⁻²³ m³]

In un tubo di raggio R1 = 6 cm scorre acqua ad una velocità v1 = 4 m/s. Questo viene collegato ad un secondo tubo di raggio R2 = 3 cm posto ad una altezza Δh rispetto al primo.

- a) calcolare la velocità dell'acqua nel secondo tubo; [16 m/s]
- b) calcolare la differenza di pressione nei due tubi se $\Delta h = 80$ cm. [1.28 atm]

Si assuma che la benzina in un motore sprigioni una energia $E_b \approx 10 \text{ kWh/litro}$.

- a) Si calcoli quanti litri di benzina occorrono per accelerare una automobile di massa m=1000~kg da v0=0 a v1=216~km/h. [50 ml]
- b) Considerando che per aumentare la velocità da v0 a v1 l'automobile percorre una distanza d=1 km, si calcoli quanti litri di benzina in piu' occorrono per via dell'attrito , con $\mu_d=0.18$. [50 ml]

A seguito di un incidente un'automobile esce di strada e piomba in un lago. Considerando che l'automobile ha una massa m = 1000 kg e un volume $V = 6 \text{ m}^3$, calcolare

- a) nel momento in cui l'auto è completamente immersa, la forza totale sull'automobile e la sua direzione; $[50~\mathrm{kN}]$
- b) se l'auto si trovasse ad una profondita' di 10 metri, la forza esercitata dall'acqua su un vetro laterale che ha una superficie di $S = 0.25 \text{ m}^2$. A quanti kg corrispondono? [2500 kg]

Una caffettiera viene riempita di acqua. Sapendo che una molecola di acqua ha una massa m $\approx 3 \cdot 10^{-23}$ g, ed assumendo l'acqua un gas perfetto, calcolare:

- a) la densita' numerica dell'acqua n espressa in unita' SI; $[0.33*10^{29} \text{ molecole/m}^3]$
- b) la pressione all'interno della caffettiera nel momento in cui l'acqua comincia a bollire (*costante di Boltzmann:* $k \approx 1.4 \cdot 10^{-23}$ *J/K*). [174·10⁶ Pa.]

Una bombola cilindrica di diametro d = 40 cm, lunghezza l = 50 cm, e massa 4.8 kg, contiene un gas ad una pressione P = 8 atm.

a) Calcolare l'energia interna della bombola. [72 kJ]

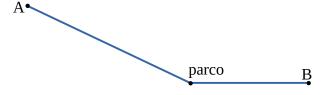
Improvvisamente la bombola esplode e viene sparata verso l'alto. Assumendo che **meta'** dell'energia interna della bombola venga convertita in energia cinetica, calcolare:

- b) la velocita' iniziale della bombola al momento dell'esplosione; [(15000)^{1/2} m/s]
- c) la massima altezza raggiunta da essa. [750 m]

Una diga, con base di forma quadrata di lato L = 100 m, contiene 10^6 T di acqua. Per produrre energia, l'acqua esce dalla diga attraverso un foro posto ad una quota h = 20 m.

- a) Calcolare la velocita' di uscita dell'acqua dal foro; [40 m/s
- b) Calcolare la portata in volume dell'acqua in uscita assumendo che il foro sia di forma circolare con raggio $R = 1 \text{ m.} \quad [120 \text{ m}^3/\text{s}]$

Due persone, A e B, devono incontrarsi in bicicletta al parco. La persona A si trova in cima ad una collina di altezza h = 80 m, ad una distanza di 5 km dal parco. La persona B si trova, senza alcun dislivello, ad una distanza di 1 km dal parco:



Calcolare:

a) l'accelerazione di A assumene lungo 3.6 mdo che essa non pedali durante la discesa e trascurando l'attrito:

 $[0.16 \text{ m/s}^2]$

b) chi raggiunge per primo il parco, se B pedala ad una velocita' $v_b = 18$ km/h. [arriva prima B]

Una persona in bicicletta si trova in cima ad una collina di altezza 125 m, e in discesa libera raggiunge il fondo valle in un tempo di 80 s. Calcolare:

- a) la velocita' raggiunta alla fine della discesa (si trascurino le forze di attrito); [180 km/h]
- b) la distanza percorsa. [2 km]

Una locomotiva di massa $M=10~\mathrm{T}~\mathrm{viaggia}$ a una velocita' $v=180~\mathrm{km/h}$ ed e' soggetta ad un attrito con coefficiente $\mu_d=0.3$. Calcolare la potenza che deve erogare la locomotiva per mantenere tale velocita'. [1.5 MW]

Un bambino che si trova in spiaggia in una sera d'estate ($T = 27^{\circ}$ C) lascia volare un palloncino contenente 10^{25} molecole di elio a pressione atmosferica. Calcolare:

- a) il volume del palloncino nel momento in cui viene liberato ($k_B \simeq 1.4 \cdot 10^{-23} \, \text{J/K}$); [0.42 m³]
- b) la forza totale sul palloncino, assumendo una massa $m_e = 1.3 \cdot 10^{-26} \,\mathrm{kg}\,$ per ogni molecola di elio, e una densita' dell'aria $\rho_a = 1.2 \,\mathrm{kg/m^3}$ (si trascuri la massa del palloncino stesso). [3.74 N]

Una locomotiva di massa M = 10 T viaggia a una velocita' v = 180 km/h, e ad un certo istante viene azionato il freno. Se per frenare completamente impiega 100 metri, calcolare:

- a) quale coefficiente di attrito occorrerebbe per ottenere tale frenata; $[\mu = 1.25]$
- b) di quanto si scalda la locomotiva se tutta l'energia dissipata dai freni e' convertita in temperatura (calore specifico dell'acciaio c $\simeq 0.5 \text{ J/g·K}$). [$\Delta T = 2.5 \text{ K}$]

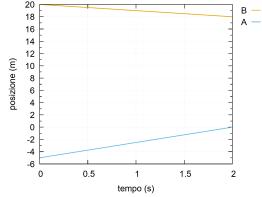
Consideriamo un iceberg che galleggia nell'oceano: qual è la porzione di iceberg immersa in acqua? (si supponga $\rho_{ghiaccio} = 920 \text{ kg/m}^3$, $\rho_{mare} = 1020 \text{ kg/m}^3$). [il ~90% dell'iceberg si trova sott'acqua]

Dato il seguente grafico per due traiettorie \boldsymbol{A} e \boldsymbol{B} , calcolare:

a) la velocita' dei due corpi; [
$$v_A = 2.5 \text{ m/s}$$
 , $v_B = -1 \text{ m/s}$]

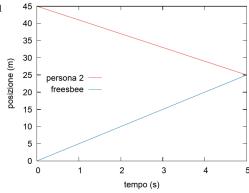
b) la posizione x e il tempo t_x del punto di incontro

$$[t_x \approx 7.14 \text{ s}, x \approx 12.86 \text{ m}]$$



Due persone si trovano ad una distanza d=45 m, quando una lancia all'altra un fresbee con velocita' costante $v_1=5$ m/s, e tempo di volo $t_1=5$ s.

- a) Calcolare la velocita' media minima v_2 alla quale la seconda persona dovra' correre per intercettare il freesbee prima che atterri. $[4\ m/s]$
- b) Fissare un sistema di riferimento e disegnare il grafico posizione-tempo del freesbee e della persona che corre.



Una certa quantita' di acqua alla temperatura T1 = 300 K viene messa in un congelatore cha ha una potenza di raffreddamento di 200 W. Dopo 100 minuti nel congelatore la temperatura dell'acqua si e' abbassata a T2 = 200 K.

- a) Quale e' la massa dell'acqua? [si assuma $c = 4 \text{ J/}(g \cdot K)$]; [3 kg]
- b) Sapendo che una molecola di acqua ha una massa m $\sim 3 \times 10^{-20}$ g, quante molecole di acqua sono state raffreddate? [10^{23} molecole]
- c) Secondo questi dati, quale sarebbe il volume occupato da una singola molecola di acqua? $[3\cdot 10^{-23}~\text{dm}^3]$

Applicando una forza F = 50 N per un tempo t = 10 s ad una bicicletta di massa m = 25 kg, qual è il lavoro compiuto da F nello spostamento della bicicletta? Si assuma un attrito con $\mu = 0.1$. [2.5 kJ]

Un proiettile di massa m=5 g e' collegato ad una molla con costante elastica $k=10^4$ N/m, e inizialmente compressa di $\Delta l=2$ cm. Al rilascio della molla il proiettile viene sparato verticalmente verso l'alto, e si conficca in un ramo ad una altezza h=20 m. Calcolare:

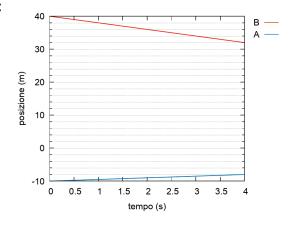
- a) l'energia trasmessa dal proiettile al ramo; [1 J]
- b) la velocita' del proiettile all'impatto col ramo. [20 m/s]

Una locomotiva contiene al suo interno 1 m³ di acqua bollente. Se potessimo convertire il calore dell'acqua in energia cinetica, a che velocita' [v] = [km/h] viaggerebbe la locomotiva? Considerare velocita' iniziale nulla, attrito nullo, calore specifico dell'acqua c \simeq 4 J/g·K , massa totale della locomotiva M = 4 T, e temperatura ambiente T_{amb} = 20 °C.[1280 km/h]

Dato il seguente grafico per due traiettorie A e B, calcolare:

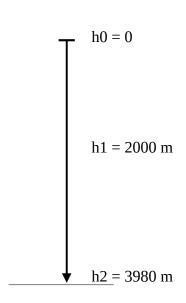
- a) la velocita' dei due corpi; $[v_A = 0.5 \text{ m/s}, v_B = -2 \text{ m/s}]$
- b) la posizione x e il tempo t_x del punto di incontro

$$[t_x = 20 \text{ s}, x = 0 \text{ m}]$$



Un paracadutista di massa m = 70 kg si lancia da un aereo a 3980 m di altezza, e procede in caduta libera per 2000 m prima di aprire il paracadute. Supponendo che paracadute eserciti una forza frenante costante F = 1400 N, calcolare (si trascurino le forze di attrito):

- a) la velocita' di caduta nel momento in cui il paracadute si apre; $\lceil 200 \text{ m/s} \rceil$
- b) il tempo totale di volo; [38 s]
- c) la velocita' con cui il paracadutista arriva a terra. [20 m/s]



Una certa quantita' di acqua alla temperatura T1 = 20°C viene messa in un congelatore cha ha una potenza di raffreddamento di 200 W. Dopo 100 minuti nel congelatore la temperatura dell'acqua si e' abbassata a T2 = -80°C.

- a) Quale e' la massa dell'acqua? [si assuma c $\simeq 4 \text{ J/(g} \cdot \text{K)}$]; [3 kg]
- b) Sapendo che una molecola di acqua ha una massa $m_a \simeq 3 \times 10^{-20}$ g, quante molecole di acqua sono state raffreddate? [10^{23} molecole]
- c) Secondo questi dati, quale sarebbe il volume occupato da una singola molecola di acqua? $[3 \cdot 10^{-23} \, \text{litri}]$

In una vena di raggio R1 = 6 mm, posta nel collo, scorre sangue ad una velocità v1 = 4 cm/s. Questa vena finisce in un braccio, piu' in basso di Δh rispetto al collo, e si restringe fino ad un raggio R2 = 3 mm. Assumendo una densita' del sangue pari a quella dell'acqua, calcolare:

- a) la velocità dell'acqua in corrispondenza di R2; [16 cm/s]
- b) la differenza di pressione se $\Delta h = 80$ cm. [$8012 \cdot 10^{-5}$ atm $\simeq 0.08$ atm]

Un ciclista, partendo da fermo, scende in discesa libera da una collina di altezza h = 20 m.

- a) Calcolare la velocita' raggiunta dal ciclista ai piedi della collina (h = 0) assumendo attrito nullo. [72 km/h]
- b) A quel punto il ciclista frena per evitare un incrocio che si trova a una distanza di 30 m. Assumendo un attrito efficace dei freni pari a $\mu = 0.5$, calcolare se il ciclista si ferma prima dell'incrocio; [$\Delta x = 40$ m (il ciclista oltrepassa l'incrocio)]
- c) calcolare il tempo impiegato nella frenata. [2 s]

Un palloncino di raggio R = 30 cm contiene un certo gas che si trova a temperatura ambiente, T = 300 K, e ad una pressione di 1.4 atm. Se ogni molecola del gas ha una massa $m = 10^{-26}$ kg, calcolare:

- a) la densità ρ_a del gas nel palloncino; [½ kg/m³]
- b) la direzione e l'intensita' della forza totale sul palloncino (densita' dell'aria $\rho_a = 1.2 \text{ kg/m}^3$). [1.152 N , diretta verso l'alto]

Una tazza contiene 100 ml di caffe' ad una temperatura T1 = 80°C. Supponendo che il caffe' si raffreddi con una velocita' di 5 °C/min, calcolare:

- a) quanto tempo occorre perche' il caffe' raggiunga una temperatura T2 = 40°C; [8 minuti]
- b) l'energia dissipata nel processo di raffreddamento [si assuma c $\simeq 4 \text{ J/(g} \cdot \text{K)}$]; [16 kJ]
- c) la potenza di raffreddamento. [$P \approx 33.3 \text{ W}$]

Una diga, con base di forma quadrata di lato L = 100 m, contiene 10^6 T di acqua. Per produrre energia, l'acqua esce dalla diga attraverso un foro posto ad una quota h = 20 m.

- a) Calcolare la velocita' di uscita dell'acqua dal foro; [40 m/s]
- b) Calcolare la portata in volume dell'acqua in uscita assumendo che il foro sia di forma circolare con raggio $R = 1 \text{ m.} \quad [120 \text{ m}^3/\text{s}]$

Un'automobile di massa m = 1000 kg percorre una distanza d = 5 km su una strada con coefficiente di attrito $\mu = 0.01$. Assumendo che 1 ml di benzina fornisca alle ruote una energia meccanica di 1 kJ, calcolare quanti litri di benzina occorrono per percorrere tale tratto di strada. [0.5 l]

Una imbarcazione procede verso la costa ad una velocita' di 6 km/h. Quando si trova ad una distanza di 1 km dalla costa, da un foro comincia ad entrare acqua con una portata $Q_1 = 20$ l/min. Viene allora avviata una pompa che riesce ad estrarre acqua con una certa portata Q_2 . Assumendo che la barca possa contenere al massimo 150 l di acqua, calcolare il valore di Q_2 minimo per raggiungere la costa. [5 l/min]

Un pistone di volume iniziale $V_1 = 10^3$ cm³, e' riempito di gas ad una pressione

- P_1 = 1 atm. Successivamente il pistone e' compresso fino a raggiungere un volume V_2 = $\frac{1}{2}$ V_1 .
- a) Supponendo di eseguire tutto il processo a temperatura ambiente T_1 = 300 K, calcolare la pressione finale P_2 nel pistone; [2 atm]
- b) A quale temperatura T_2 dovremmo portare invece il pistone perche' la pressione nel pistone compresso sia uguale a P_1 ? [150 K]

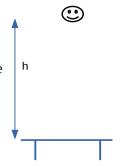
Una persona di massa m = 80 kg salta da una altezza h su una pedana elastica, la quale si abbassa di h' = 40 cm nel momento di massima tensione (vedere figura).

La pedana e' approssimabile come una molla con costante elastica $k = 2 \cdot 10^4$ N/m. Calcolare:

a) l'energia potenziale della pedana nel momento di massima tensione; $[1600\ \mathrm{J}]$

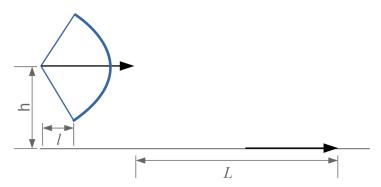
[1.6 m]

b) l'altezza h dalla quale la persona ha iniziato il salto.





Una persona che si trova ad una altezza h = 5 m, inserisce una freccia di massa m = 0.1 kg in un arco e ne tende la corda per l = 30 cm (vedere figura).

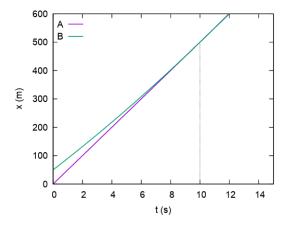


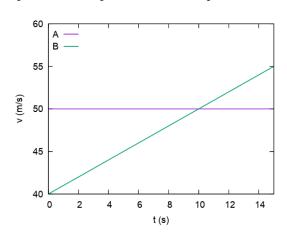
Assumendo l'arco approssimabile con una molla avente costante elastica $k = 10^3$ N/m, calcolare:

- a) l'energia potenziale Epot dell'arco in tensione; [45 J].
- b) la velocita' v della freccia allo scoccare dell'arco; [30 m/s]
- c) il tempo t che impiega la freccia a toccare terra (<u>considerare solo il moto verticale</u>); [1 s]
- d) la distanza orizzontale L percorsa dalla freccia in tale tempo (<u>considerare solo il moto orizzontale assumendolo rettilineo uniforme</u>). [30 m]

Un'auto A sta inseguendo un'auto B. Al tempo t=0 l'auto A viaggia con velocita' costante $v_A=180$ km/h, mentre l'auto B ha velocita' $v_B=144$ km/h, e le due auto si trovano ad una distanza $d_0=50$ m. In quell'istante l'auto B accelera con accelerazione $a_B=1$ m/s².

- a) Calcolare se l'auto A riesce a raggiungere l'auto B, e in tal caso, dopo quanto tempo; [10 s]
- b) Fissare un sistema di riferimento e disegnare i grafici posizione-tempo e velocita'-tempo delle due auto





Un treno sta viaggiando alla velocita' costante v = 144 km/h, con la locomotiva che esercita una forza F = 1000 N per sostenere il moto.

- 1) Calcolare la potenza erogata dalla locomotiva; [40 kW]
- 2) assumendo una massa del treno M = 10 T, calcolare il coefficiente di attrito dinamico; $[\mu = 10^{-2}]$
- 3) se spegnessimo la locomotiva, quanta strada percorrerebbe il treno prima di fermarsi? [8 km]
- 4) Sempre a locomotiva spenta, se volessimo invece frenare il treno in un tratto d = 100 m, quale forza frenante F' dovremmo applicare (oltre alla forza di attrito)? [-79 kN]